

COGNOME

NOME

La **prova** consta di **3** Quesiti a risposta chiusa e **2** Quesiti a risposta semiaperta; la durata della prova è di 2 ore e 30 minuti. **Non è permesso** consultare testi od appunti, al di fuori di quelli distribuiti dalla Commissione.

Per i quesiti a risposta chiusa, la **risposta** a ciascuno di essi va scelta *esclusivamente* tra quelle già date nel testo, annerendo *un solo* circoletto \bigcirc . Una sola è la risposta corretta. Qualora sia data più di una risposta allo stesso quesito, nessuna sarà considerata valida. Per i quesiti a risposta semiaperta, lo studente dovrà indicare la risposta nello spazio sottostante la domanda. I **punteggi** per ciascun quesito sono dichiarati sul testo, nel seguente formato **{E,NE,A}** dove **E** è il punteggio assegnato in caso di risposta *Esatta*, **NE** quello in caso di risposta *Non Esatta* e **A** quello in caso di risposta *Assente*. L'esito finale della prova è determinato dalla somma *algebrica* dei punteggi parziali.

ESITO | | |

Ai sensi del D. Lgs. 30/06/2003, n. 196, si autorizza la pubblicazione online in chiaro dell'esito della prova.

FIRMA:

QUESITI A RISPOSTA CHIUSA

QC1. Trovare la curvatura della curva

$$p(t) - O = 4t^2 e_x + e^{t^2+3t} e_y + 2 \cos t e_z$$

nel punto corrispondente a $t = 0$.

{6,-1,0}

Risposta

$\kappa = \frac{\sqrt{13}}{2}$ $\kappa = \frac{2\sqrt{17}}{9}$ $\kappa = \frac{\sqrt{10}}{2}$ $\kappa = \frac{2\sqrt{5}}{9}$ $\kappa = \sqrt{5}$ $\kappa = \frac{5}{2}$

QC2. Un corpo rigido piano è formato da un anello di massa $m/2$, raggio $2R$ e centro in O , da un disco ad esso concentrico di massa $2m$ e raggio R e da due aste, ciascuna di lunghezza R e massa $3m$, saldate al disco ed all'anello ortogonalmente tra loro (Figura 1). Determinare il momento di inerzia per il sistema rispetto ad un asse passante per O , diretto come e_x .

{6,-1,0}

Soluzione

$I_{O,n} = 19mR^2$ $I_{O,n} = \frac{23}{2}mR^2$ $I_{O,n} = 14mR^2$
 $I_{O,n} = \frac{17}{2}mR^2$ $I_{O,n} = \frac{47}{4}mR^2$ $I_{O,n} = \frac{63}{4}mR^2$

QC3. Sia O un punto solidale ad un corpo rigido \mathcal{B} mobile con velocità angolare $\boldsymbol{\omega} \neq \mathbf{0}$. Quando si può scrivere l'energia cinetica del corpo nella forma $T = \frac{1}{2}\boldsymbol{\omega}\mathbb{I}_O\boldsymbol{\omega}$, dove \mathbb{I}_O è il tensore di inerzia del corpo rigido rispetto ad O ?

{6,-1,0}

Risposta

- Sempre Mai Se \mathcal{B} ruota attorno ad un asse fisso non passante per O .
 Se O ha velocità istantanea nulla Se O è il centro di massa di \mathcal{B} . Nessuna delle precedenti.
-
-

QUESITI A RISPOSTA SEMIAPERTA

QA1. In un piano verticale un'asta OA di massa m e lunghezza 2ℓ è libera di ruotare attorno all'estremo O incernierato senza attrito ad un punto fisso. Su OA , grazie ad un manicotto, scorre una seconda asta BC di massa $2m$ e lunghezza 2ℓ , ortogonale alla prima. L'estremo B è attratto verso O da una molla ideale di costante elastica $4mg/\ell$. All'istante $t = 0$ il sistema è in quiete, con $\vartheta(0) = 0$ e $s(0) = \ell$. Usando come coordinate libere l'angolo ϑ e l'ascissa s (vedi Figura 2), rispondere alle seguenti domande

QA1.1 Qual è l'energia cinetica del sistema? **{4,0,0}**

QA1.2 Qual è l'energia potenziale del sistema? **{2,0,0}**

QA1.3 Determinare $\ddot{s}(0)$ **{2,0,0}** e $\ddot{\vartheta}(0)$ **{1,0,0}**

QA2. In un piano verticale, un filo AB omogeneo di peso per unità di lunghezza $2p/R$ è sollecitato in A da una molla ideale di costante elastica k verso un punto fisso O mentre B è fissato ad un punto posto alla stessa quota di O , alla distanza $2R$. Il filo sostiene un disco omogeneo di peso $3p$ e raggio R , il cui centro dista $d = 2\pi R$ da OB (Figura 3). In condizioni di equilibrio ed in assenza di attrito tra disco e filo, determinare

QA2.1 il valore della tensione nel punto più basso del filo; **{3,0,0}**

QA2.2 l'elongazione della molla. **{3,0,0}**

QA2.3 il modulo della forza esercitata dal filo in B . **{3,0,0}**

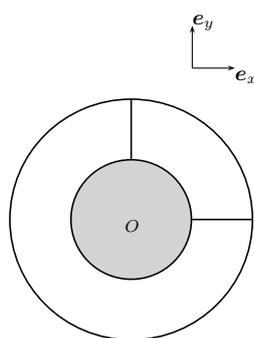


Fig. 1

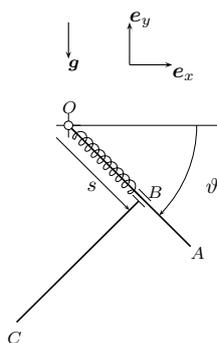


Fig. 2

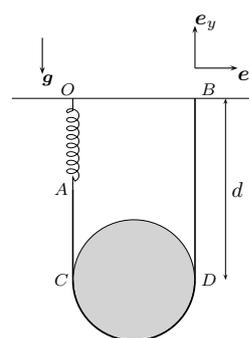


Fig. 3

QA1.1

QA1.2

QA1.3

QA2.1

QA2.2

QA2.3