

UNIVERSITÀ DI PAVIA  
FACOLTÀ DI INGEGNERIA  
*Esame di Meccanica Razionale (Parte I)*  
23 Febbraio 2005

Il *candidato* scriva nello spazio sottostante il proprio Cognome e Nome.

COGNOME

NOME

La *prova* consta di 4 Quesiti e durerà 2 ore. *Non è permesso* consultare testi od appunti, al di fuori di quelli distribuiti dalla Commissione.

La *risposta* a ciascuno di essi va scelta *esclusivamente* tra quelle già date nel testo, annerendo *un solo* circoletto  $\bigcirc$ . Una sola è la risposta corretta. Qualora sia data più di una risposta allo stesso quesito, questa sarà considerata errata, anche se una delle risposte date è corretta.

I *punteggi* per ciascun quesito sono dichiarati in *trentesimi* sul testo, nel seguente formato

$\{\mathbf{E,NE,A}\}$

dove **E** è il punteggio assegnato in caso di risposta *Esatta*, **NE** quello in caso di risposta *Non Esatta* e **A** quello in caso di risposta *Assente*. L'esito finale della prova è determinato dalla somma *algebraica* dei punteggi parziali. Spazio riservato alla Commissione. *Non scrivere nelle caselle sottostanti!*

---

---

ESITO | | |

---

---



---

---

**QUESITI**

---

---

**Q1.** Una lamina quadrata omogenea di massa  $M$  e lato di lunghezza  $\ell$  trasla lungo una guida  $r$  con velocità costante  $\mathbf{v} \neq \mathbf{0}$ . Detto  $O$  un punto fisso di  $r$  quale tra le seguenti affermazioni riguardante il momento della quantità di moto  $\mathbf{K}_O$  della lamina rispetto ad  $O$  è sicuramente corretta?

$\{5,-1,0\}$

*Risposta*

- $\mathbf{K}_O$  è nullo perché la lamina non ruota.        $\mathbf{K}_O$  è costante e deve essere diverso dal vettore nullo.  
  $\mathbf{K}_O$  dipende dalle forze applicate alla lamina.        $\mathbf{K}_O \cdot M\mathbf{v} = 1$ .  
  $\mathbf{K}_O \wedge M\mathbf{v} = \mathbf{0}$ .       Nessuna delle precedenti
- 
- 

**Q2.** Trovare il vettore posizione del centro  $Q$  del cerchio osculatore della curva

$$p(t) - O = t \cos t \mathbf{e}_x + 3t^2 \mathbf{e}_y + 2t \sin t \mathbf{e}_z$$

nel punto corrispondente a  $t = 0$ .

$\{5,-1,0\}$

*Soluzione*

$$\bigcirc Q - O = \frac{1}{26}(3\mathbf{e}_y + 2\mathbf{e}_z) \quad \bigcirc Q - O = \frac{2}{13}(-2\mathbf{e}_y + 3\mathbf{e}_z) \quad \bigcirc Q - O = \frac{9}{26}(2\mathbf{e}_y - 3\mathbf{e}_z) \quad \bigcirc Q - O = \frac{2}{25}(-4\mathbf{e}_y + 3\mathbf{e}_z)$$

$$\circ Q - O = \frac{9}{50}(3\mathbf{e}_y + 4\mathbf{e}_z) \quad \circ Q - O = \frac{2}{25}(-3\mathbf{e}_y + 4\mathbf{e}_z) \quad \circ Q - O = \frac{9}{20}(\mathbf{e}_y + 2\mathbf{e}_z) \quad \circ Q - O = \frac{1}{5}(-2\mathbf{e}_y + 3\mathbf{e}_z)$$

**Q3.** Una verga euleriana  $OA$  di lunghezza  $\ell$  e rigidità flessionale  $B = 14p\ell^3$  è rettilinea nella configurazione indeformata. L'estremo  $O$  della verga è vincolato a terra da un incastro scorrevole, mentre l'estremo  $A$  è vincolato da un appoggio bilatero (Figura 1). Sulla verga è applicato un carico avente densità lineare  $\mathbf{f} = -\alpha p \frac{x}{\ell} \mathbf{e}_y$ . Nell'ipotesi di piccole deflessioni, trovare il valore di  $\alpha$  per cui, all'equilibrio, l'estremo  $O$  si trova ad una quota  $y(0) = -\frac{\ell}{140}$ .

{5,-1,0}

**Soluzione**

$$\circ \alpha = \frac{1}{3} \quad \circ \alpha = \frac{4}{9} \quad \circ \alpha = \frac{1}{4} \quad \circ \alpha = \frac{7}{3} \quad \circ \alpha = \frac{4}{3} \quad \circ \alpha = \frac{2}{5} \quad \circ \alpha = \frac{10}{3} \quad \circ \alpha = \frac{1}{2}$$

**Q4.** In un piano verticale, un'asta omogenea  $OA$  di lunghezza  $\ell$  e peso trascurabile è incernierata senza attrito a terra nell'estremo  $O$  (Figura 2). L'estremo  $A$  è soggetto ad un carico  $\mathbf{q} = -2p\mathbf{e}_y$  ed una molla ideale di lunghezza a riposo nulla e costante elastica  $\frac{9p}{\ell}$  attrae il punto  $P$  dell'asta distante  $\gamma\ell$  da  $O$  verso un punto posto alla stessa quota di  $P$ , sulla retta verticale passante per  $O$ . Per quali valori di  $\gamma$  risulta stabile la configurazione in cui l'asta è verticale, con  $A$  sopra  $O$ ?

{5,-1,0}

**Soluzione**

$$\circ \gamma \in (\frac{2}{3}, 1] \quad \circ \gamma \in [0, \frac{2}{3}] \quad \circ \gamma \in (\frac{2}{\sqrt{3}}, 1] \quad \circ \gamma \in [0, \frac{2}{\sqrt{3}}]$$

$$\circ \gamma \in (\frac{\sqrt{2}}{3}, 1] \quad \circ \gamma \in [0, \frac{\sqrt{2}}{3}] \quad \circ \gamma \in (\sqrt{\frac{2}{3}}, 1] \quad \circ \gamma \in [0, \sqrt{\frac{2}{3}}]$$

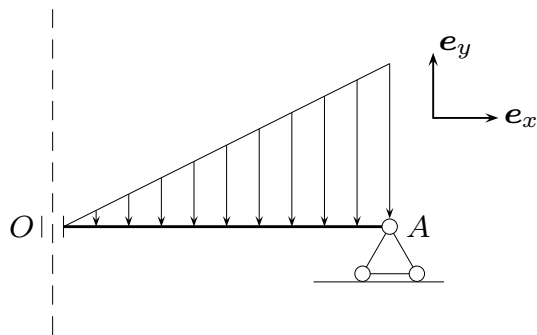


Fig. 1

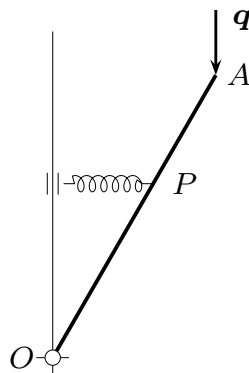


Fig. 2